

Résoudre dans \mathbb{C} : $z^2 - \frac{11 + 3i}{2 + i}z = \frac{23 - 11i}{i - 3}$.

Remarquons, avant toutes choses, que

- $\frac{11 + 3i}{2 + i} = \frac{11 + 3i}{2 + i} \cdot \frac{2 - i}{2 - i} = \frac{22 - 11i + 6i + 3}{5} = 5 - i$
- $\frac{23 - 11i}{i - 3} = \frac{23 - 11i}{i - 3} \cdot \frac{i + 3}{i + 3} = \frac{23i + 11 - 33i + 69}{-10} = -8 + i$

L'équation initiale est donc équivalente à $z^2 - (5 - i)z + (8 - i) = 0$ dont le discriminant vaut

$$\Delta = (5 - i)^2 - 4 \cdot (8 - i) = -8 - 6i$$

dont les racines carrées sont $\pm(1 - 3i)$.

Ainsi, les deux racines de l'équation sont

$$z_1 = \frac{(5 - i) + (1 - 3i)}{2} = 3 - 2i \quad \text{ou} \quad z_2 = \frac{(5 - i) - (1 - 3i)}{2} = 2 + i$$

Finalement $\boxed{Sol = \{3 - 2i; 2 + i\}}$.