

Résoudre l'équation  $\sin 2x = \cos 4x + \cos 6x + \sin 8x$ .

La résolution de ce type d'équation ne repose que sur les formules de Simpson :

$$\begin{aligned} \sin 2x = \cos 4x + \cos 6x + \sin 8x &\iff \cos 4x + \cos 6x + \sin 8x - \sin 2x = 0 \\ &\iff 2 \cos 5x \cos x - 2 \sin 3x \cos 5x = 0 \\ &\iff 2 \cos 5x (\cos x - \sin 3x) = 0 \\ &\iff 2 \cos 5x \left( \cos x - \cos \left( \frac{\pi}{2} - 3x \right) \right) = 0 \\ &\iff -4 \cos 5x \sin \left( \frac{\pi}{4} - x \right) \sin \left( 2x - \frac{\pi}{4} \right) = 0 \end{aligned}$$

■  $\cos 5x = 0$ , donc  $5x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ , c'est-à-dire  $x = \frac{\pi}{10} + \frac{k\pi}{5}$  ;

■  $\sin \left( \frac{\pi}{4} - x \right) = 0$ , donc  $\frac{\pi}{4} - x = k\pi$ , c'est-à-dire  $x = \frac{\pi}{4} + k'\pi$  ;

■  $\sin \left( 2x - \frac{\pi}{4} \right) = 0$ , donc  $2x - \frac{\pi}{4} = k\pi$ , c'est-à-dire  $x = \frac{\pi}{8} + \frac{k\pi}{2}$ .

Finalement, les solutions principales sont

$$\boxed{Sol = \left\{ \frac{\pi}{10}; \frac{3\pi}{10}; \frac{\pi}{2}; \frac{7\pi}{10}; \frac{9\pi}{10}; \frac{11\pi}{10}; \frac{13\pi}{10}; \frac{3\pi}{2}; \frac{17\pi}{10}; \frac{19\pi}{10}; \frac{\pi}{4}; \frac{5\pi}{4}; \frac{\pi}{8}; \frac{5\pi}{8}; \frac{9\pi}{8}; \frac{13\pi}{8} \right\}}.$$