

Résoudre l'équation $\sin 2x + \cos 2x = \sin x - \cos x$.

La résolution de ce type d'équation ne repose que sur les formules de Simpson :

$$\begin{aligned}\sin 2x + \cos 2x &= \sin x - \cos x \iff \sin 2x - \sin x = -\cos 2x - \cos x \\ &\iff 2 \sin \frac{x}{2} \cos \frac{3x}{2} = -2 \cos \frac{x}{2} \cos \frac{3x}{2} \\ &\iff 2 \cos \frac{3x}{2} \left(\sin \frac{x}{2} + \cos \frac{x}{2} \right) = 0\end{aligned}$$

■ $\cos \frac{3x}{2} = 0$, donc $\frac{3x}{2} = \frac{\pi}{2} + k\pi$, c'est-à-dire $x = \frac{\pi}{3} + \frac{2k\pi}{3}$.

■ $\sin \frac{x}{2} + \cos \frac{x}{2} = 0 \iff \cos \frac{x}{2} = \sin \frac{-x}{2} = \cos \left(\frac{\pi}{2} + \frac{x}{2} \right)$

● $\frac{x}{2} = \frac{\pi}{2} + \frac{x}{2} + 2k\pi$, ce qui est impossible;

● $\frac{x}{2} = -\left(\frac{\pi}{2} + \frac{x}{2}\right) + 2k\pi$, donc $x = \frac{-\pi}{2} + 2k\pi$.

Finalement, les solutions principales sont $Sol = \left\{ \frac{\pi}{3}; \pi; \frac{3\pi}{2}; \frac{5\pi}{3} \right\}$.