

Résoudre l'équation : $\cos x + \sin^2 x - \cos^3 x = 0$.

Dans ce type d'équation, il est vivement conseillé de n'avoir qu'un nombre trigonométrique, ce qui est faisable via l'identité fondamentale $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$. On a donc

$$\begin{aligned}
 & \cos x + \sin^2 x - \cos^3 x = 0 \\
 \Leftrightarrow & \cos x + 1 - \cos^2 x - \cos^3 x = 0 \\
 \Leftrightarrow & \cos^3 x + \cos^2 x - \cos x - 1 = 0 \\
 \Leftrightarrow & (\cos^3 x + \cos^2 x) - (\cos x + 1) = 0 \\
 \Leftrightarrow & \cos^2 x(\cos x + 1) - (\cos x + 1) = 0 \\
 \Leftrightarrow & (\cos x + 1)(\cos^2 x - 1) = 0 \\
 \Leftrightarrow & (\cos x - 1)(\cos x + 1)^2 = 0 \\
 \Leftrightarrow & \cos x = 1 \quad \text{ou} \quad \cos x = -1
 \end{aligned}$$

- $\cos x = 1$ et donc $x = 2k\pi$ (avec $k \in \mathbb{Z}$).
- $\cos x = -1$ et donc $x = (2k + 1)\pi$ (avec $k \in \mathbb{Z}$).

Ces deux familles de solutions peuvent être résumées en une seule : $x = k\pi$ (avec $k \in \mathbb{Z}$).

Finalement, les solutions principales sont $Sol = \left\{ 0; \pi \right\}$.